

Funktionen – Ableitungen – Differenzieren einer Funktion

Arbeitsblatt 1

Bilden Sie die erste Ableitung f' bzw. y' der gegebenen Funktionen!

Rechenregeln:

Potenzregel:

$$y = x^n$$

$$\underline{y} = n \cdot x^{n-1}$$

$$y = x^3$$

$$\underline{y} = 3x^2$$

$$\parallel y = 2x^3$$

$$\parallel \underline{y} = 3 \cdot 2x^2$$

$$\parallel \underline{y} = 6x^2$$

Summen- und Differenzregel:

$$(f \pm g) = f' \pm g'$$

$$y = 3x^2 \pm 6x \pm 2$$

$$y' = 2 \cdot 3x \pm 1 \cdot 6 \pm 0$$

$$\underline{y}' = 6x \pm 6$$

Produktregel:

$$(f \cdot g) = f' \cdot g + f \cdot g'$$

$$y = x^3 \cdot (4x^2 - 2)$$

$$\begin{aligned} x^3 &>> f; & f' &= 3x^2 \\ (4x^2 - 2) &>> g; & g' &= 8x \end{aligned}$$

$$y' = 3x^2 \cdot (4x^2 - 2) + x^3 \cdot 8x$$

$$y' = 12x^4 - 6x^2 + 8x^4$$

$$\underline{y}' = 20x^4 - 6x^2$$

Quotientenregel:

$$\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f' \cdot g - f \cdot g'}{g^2}$$

$$y = \frac{3x^2 - 1}{x^2 + 1} \quad (3x^2 - 1) >> f; \quad f' = 6x$$

$$(x^2 + 1) >> g; \quad g' = 2x$$

$$y' = \frac{6x \cdot (x^2 + 1) - (3x^2 - 1) \cdot 2x}{(x^2 + 1)^2}$$

$$y' = \frac{6x^3 + 6x - 6x^3 + 2x}{(x^2 + 1)^2}$$

$$y' = \frac{+8x}{(x^2 + 1)^2}$$

Kettenregel:

$$y = g[f(x)]$$

$$y' = g' \cdot [f(x)] \quad . \quad f'(x)$$

$$\begin{array}{ll} \text{äußere} & \text{innere} \\ \text{Ableitung} & \text{Ableitung} \end{array}$$

Übungsbeispiele:

$$y = x^4$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = -5x^3$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = 6x^2$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = 6x^2$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = \frac{1}{2} \cdot x^2$$

$$\underline{y}' =$$

$$y' =$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = \frac{1}{x^3}$$

$$\underline{y}' =$$

$$y' =$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = 2x^4 - 3x^2 + 4x + 3$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = 3x^3 - 6x^2 + 2x - 8$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = \frac{1}{3} \cdot x^3 - \frac{1}{2} \cdot x^2 + 2x - 7$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = \frac{2}{3} \cdot x^3 - \frac{3}{2} \cdot x^2 + 4 \cdot x - 2$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = \frac{1}{8} \cdot x^4 - \frac{1}{4} \cdot x^2 + \frac{1}{2} \cdot x - 1$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = \frac{4x^2 + 2}{3x}$$

$$\underline{y}' =$$

$$y' =$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = (3x^2 - 2)^2$$

$$y' = 2 \cdot (3x^2 - 2)^{2-1} \cdot 6x$$

$$\underline{y}' =$$

$$y' =$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = (2x - 5)^2$$

$$y = (2x - 5) \cdot (2x - 5)$$

$$\underline{y}' =$$

$$y' =$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = (2x - 5)^2$$

$$y = 4x^2 - 20x + 25$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = 4x^2 \cdot (3x^3 - 2x^2 + 2)$$

$$\underline{y}' =$$

$$y' =$$

$$\underline{y}' =$$

$$y = \frac{3x^3 + 4}{2x - 1}$$

$$\underline{y}' =$$

$$y' =$$

$$\underline{y}' =$$

$$\text{äußere Ableitung} \rightarrow 2 \cdot (3x^2 - 2)^{2-1}$$

$$\text{innere Ableitung} \rightarrow 6x$$